تعیین تنش برجا جهت بررسی آنالیز پایداری چاہ تحت شرایط ہمسان گردی عرضی

يروث نفت

رامین محمدی و حمیدرضا رمضی<sup>®</sup> دانشکده معدن و متالورژی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران

تاریخ دریافت: ۹۶/۳/۳۰ تاریخ پذیرش: ۹۶/۱۱/۱۵

#### چکیدہ

تنشهای برجا فاکتوری کلیدی است که در بسیاری از مسائل مرتبط با سنگ و در زمینههای مهندسی نفت نظیر پایداری دیواره چاه و شکست هیدرولیکی از اهمیت بالایی برخوردار است. عمدتاً از روشهای مستقیم که پرهزینه و زمان بر هستند؛ جهت تخمین تنشهای برجا استفاده می شود. همچنین روشهای مستقیم نتایج را محدود به عمق خاصی می کنند که نمی توان آن را به کل چاه تعمیم داد. در این مقاله از دو روش غیر مستقیم پر کاربرد در تخمین تنش برجا یعنی مدل مبتنی بر مدول برشی و روابط پوروالاستیک در محیطی تحت شرایط همسان گردی عرضی، استفاده و نتایج مورد بحث و بررسی قرار گرفتهاند. محاسبه پارامترهای الاستیکی، مقاومت سنگ و تنش برجا بر اساس فرضیات هر روش برای یک چاه عمودی حفر شده در جنوب غربی ایران نشان داد روش مبتنی بر مدول برشی روش پیشنهادی برای پیشبینی حداکثر است گفتی است. در این روش مقدار ضریب آکوستوالاستیک ۲۵/۰ در نظر گرفته شد. همین طور نسبت به ۲<sub>6</sub>/۵ کمتر از ۳ روش رژیم گسلی منطقه را درست بیش بینی کرده ولی مقدار تنش با توجه به مدل مکانیکی ساخته شده کمتر از مقدار روش رژیم گسلی منطقه را درست پیش بینی کرده ولی مقدار تنش با توجه به مدل مکانیکی ساخته شده کمتر از مقدار روش رژیم گسلی منطقه را درست پیش بینی کرده ولی مقدار تنش با توجه به مدل مکانیکی ساخته شده کمتر از مقدار که یک رویکرد بهتری در پیش بینی تنش های برجا تریند ادهان داده محن می وار همین طور نسبت به کمتر از مقدار روش رژیم گسلی منطقه را درست پیش بینی کرده ولی مقدار تنش با توجه به مدل مکانیکی ساخته شده کمتر از مقدار روش رژیم واطلی که دول نیست. تنش های برجای می منان گردی عرضی داشته تطابق بهتری با نموروالاستیک دو و واصلی که دول شکستگی برشی و کششی شده بخوبی نشان دادهاند که این می تواند به علت وجود لایه هما

كلمات كليدى: تنش برجا، همسان گردى عرضى، مدل مكانيكى، مدول برشى، روابط پورو الاستيك

مقدمه

و مباحثی همچون شکست هیدرولیکی، گسیختگی چاه و غیره است [۱]. شاخت دقیق تنشهای سازند در مدیریت هرچه بهتر مخازن در برابر شکستهای ناشی از کاهش فشار منفذی و افزایش تنش موثر بسیار مهم است [۲].

در صنعت نفت و گاز، تنـش برجـا یـک پارامتـر کلیـدی در طـول عملیـات حفـاری و تولیـد مـواد هیدروکربـوری

«مسؤول مكاتبات

ramazi@aut.ac.ir (DOI: 10.22078/pr.2018.2758.2278) شناسه ديجيتال

گزارش حفاری و مغزه کالیبره شوند قابل اعتماد نیز خواهند شد. تخمین تنش برجا براساس روشهای مستقيم و غيرمستقيم در برخي موارد بهعلت وجود شرایط مختلف زمین شناسی و ساختاری سنگ با ییچیدگیهایے همراه است. بنابراین تعیین مقادیر تنـش تحـت شـرایط ناهمسـان گردی بـه نظـر پیچیدهتـر خواهد بود. برای محاسبه تنش برجا تحت شرایط همسان گرد و ناهمسان گرد می توان از روابط کاربردی یوروالاستیک<sup>۳</sup> [۱۵] و مدول برشے بھرہ برد. تخمين تنف برمبناى مدول برشى بهوسيله سينها براساس اختلاف در پارامترهای سفتی برشی و ارتباط آن با تنشهای اصلی ارائه شده است [۱۶]. روابط یوروالاستیک نیے یکے از مہمتریے رویکردھا در ارائے مـدل مکانیکـی زمیـن هسـتند کـه در تعییـن تنشهـای افقے تحت شرایط همسان گرد، مورد استفاده قرار می گیرند. روابط یوروالاستیک برای استفاده تحت شرايط ناهمسان گردی عرضی ً بهوسيله هيگينس [۱۷] اصلاح شدند. در این رویکرد، از تغییرات یارامترهای سفتی الاستیکی ناشی از ناهمسان گردی ساختاری چاہ برای پیشبینے تنشھای افقے حداقل و حداکشر استفاده می شود. در این مقاله، دو روش تخمين تنش برجا بهمنظور ارزيابی مکانيکی یک چاہ عملودی در یکی از میادین نفتی جنوب غربی ایران با یکدیگر مقایسه می شوند.

#### روش های تخمین تنش برجا

تنـش برجـا در چاههـای نفتـی از چنـد بخـش مهـم جهـت مطالعـه و بررسـی تشـکیل شـده اسـت کـه شـامل حالـت تنـش، مقـدار و جهـت مؤلفههـای تنـش نسـبت بهـم اسـت. یکـی از نمودهـای مطالعـه تنـش برجـا در میادیـن هیدروکربـوری، اسـتفاده از نتایـج آن در سـاخت مـدل مکانیکـی مخـازن اسـت.

2. Anelastic Strain Recovery

بهطور کلی، حالات تنش با تانسور تنش نشان داده می شوند. در حوضه های رسوبی تانسور تنش به شکل ساده در خواهد آمد و به سه تنش عمودی، افقے ماکزیمے و مینیمے تبدیل خواہد شـد [۳]. بـه علـت اهميـت بـالای ايـن تنشهـا، روشهای مختلفی برای محاسبه آنها وجود دارد. این روشها در علوم مهندسی سنگ به دو گروه روش های مستقیم و غیرمستقیم تقسیم می شوند. از روش های کارآمد مستقیم میتوان به شکست هیدرولیکی و بیش مغزه گیری اشاره کرد [۴ و ۵]. دو روش مذکور به عملیات میدانی نیاز دارند. از آنجا که این روشها عمدتاً روشهای مبتنی بر عملیات میدانی و برداشت مغزههای حفاری هستند؛ بیشتر بهعنوان روش جایگزین مورد استفاده قرار می گیرند [۶]. علاوهبر روشهای ذکر شده، دو روش اثر کایزر و بازیابے کرنےش غیرالاستیک<sup>۲</sup> از مہمتریےن روش ہای مبتنے بر مغزہ هستند کے برای اندازہ گیری مقادیر تنشهای برجا در مخازن و چاههای نفتی مورد استفاده قرار می گیرند. با این حال، برای دستیابی به نتایج قابل قبول به ترکیبی از روش های مختلفی ماننـد شکسـت هیدرولیکـی [۷]، شکسـت برشـی چـاه [۸]، انتشار آکوستیک [۹]، بازیابی کرنش غیرالاستیک [١٠] و آنالیز منحنی کرنش تفاضلی [١١] نیاز خواهد بود. هادسون و همکاران [۱۲] و الجونگرن و همکاران [۱۳] اصول کلی روش های مختلفی که در بالا ذکر شده را بهطور خلاصه بیان نمودند. اگرچه روشهای مختلفی برای تعیین تنش برجا به روش مستقیم ارائے شدہ ولے برخے از محدودیتھے نظیے بحث اقتصادی، زمان و ابزارهای مورد نیاز باعث شده تا روش های دیگر مورد بررسی قرار گیرند. به علاوه هیچیک از روشهای مستقیم توانایی محاسبه تمام طول چاه را ندارند [۱۴]. بنابراین معادلات توسعه یافتهای بهعنوان روشهای غیرمستقیم برای پیش بینی تنش برجا تعریف شدهاند. این معادلات قادر به تخمين مقادير پيوسته تنش برجا خواهند بود و زمانی که با دادههای حاصل از

<sup>1.</sup> Kaiser Effect

<sup>3.</sup> Poroelastic Equation

<sup>4.</sup> Transverse Isotropic



$$C_{66} = \rho V_{stoneley}^{2} \qquad (\$)$$

$$C_{66} = \rho V_{stoneley}^{2} \qquad (\$)$$

$$C_{6} = \rho V_{stoneley}^{2} \qquad (\bullet)$$

$$C_{6} = \rho V_{stoneley}^{2} \qquad (\bullet)$$

$$C_{4} = e_{1} (P_{456}) \qquad (\bullet)$$

$$A_{E} = 2 + (C_{456}) \qquad (\bullet)$$

$$A_{E} = 2 + (C_{456}) \qquad (\bullet)$$

$$A_{E} = 2 + (C_{456}) \qquad (\bullet)$$

$$(\bullet)$$

$$A_{E} = 2 + (C_{456}) \qquad (\bullet)$$

$$(\bullet)$$

$$C_{456} = \frac{C_{155} - C_{166}}{2} \qquad (\bullet)$$

$$(\bullet)$$

$$C_{456} = \frac{C_{155} - C_{166}}{2} \qquad (\bullet)$$

$$(\bullet)$$

$$C_{456} = \frac{C_{155} - C_{166}}{2} \qquad (\bullet)$$

$$(\bullet)$$

 $\frac{C_{66}}{C_{44}} = 1 + 2\delta \tag{(11)}$ 

روابط پوروالاستيک

رابطـه بسـیار رایـج بـرای محاسـبه مقـدار تنـش افقـی موثـر، رابطـه تجربـی پوروالاسـتیک<sup>۳</sup> اسـت کـه در آن از فشـار روبـاره، فشـار منفـذی، نسـبت پواسـون و کرنشهـای تکتونیکـی اسـتفاده شـده اسـت [۲۲].

$$\begin{split} \sigma_{h} &= \frac{v}{(1-v)} . (\sigma_{v} - \alpha . P_{p}) + \alpha . P_{p} + \frac{E_{sta}}{(1-v^{2})} . (\varepsilon_{x} + v . \varepsilon_{y})^{(11)} \\ \sigma_{H} &= \frac{v}{(1-v)} . (\sigma_{v} - \alpha . P_{p}) + \alpha . P_{p} + \frac{E_{sta}}{(1-v^{2})} . (\varepsilon_{y} + v . \varepsilon_{x})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_{k})^{(11)} \\ \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2} . (\varepsilon_{k} + v . \varepsilon_$$

- 1. Dipole Shear Sonic Imager (DSI)
- 2. Acoustoelastic Coefficient

3. Poroelastic

در این بخش، تنش برجا تحت شرایط همسان گردی عرضی با استفاده از دو روش مدول برشی و روابط پوروالاستیک محاسبه و با یکدیگر مقایسه می شوند. روش مبتنی بر مدول برشی

ناهمسان گردی صوتی چاه بهوسیله ابزار دوقطبی صوتی و با استفاده از دادههای امواج برشی محاسبه می گردد. در اغلب مرارد فرض شده در غیاب ناهمسان گردی ذاتی، حداکثر سرعت موج خمشی به جهت حداکثر تنش فشاری که بر چاه وارد می شود وابسته است [۱۸ و ۱۹]. باید توجه داشت تنشهای اطراف چاه بعد از عملیات حفاری از حالت طبيعي خارج مي شوند. بنابراين، فواصل عمقے با لیتولوژی و دمای یکسان برای محاسبه تغییرات سرعت امواج باید انتخاب گردند. در غیر این صورت، تغییرات اندازه گیری شده سرعت، به بزرگے تنے سازند وابستہ نخواہد بود. بر طبق مطالعــات انجــام شــده در مــورد ســنگهای همگــن مشخص شد، اختلاف موجود در مدول های برشی با اختلاف موجود در تنشهای اصلی در ارتباط است [۲۰]. این ارتباط بین سه مدول برشی  $(\sigma_{v} \circ \sigma_{h} \circ \sigma_{H})$  و تنشهای اصلی  $(C_{66} \circ C_{44} \circ C_{55})$ و همچنین ضریب آکستوالاستیک<sup>۲</sup> برقرار است. بنابرایان بعد از تعییان تناش روباره و فشار منفذی بەوس\_يلە م\_دل مكاني\_كى زمي\_ن، تن\_ش هاى افق\_ى بەعنوان تابع عمق، قابل پيشبينى ھستند. سە مـدول برشـی بهوسـیله دادههـای صوتـی چـاه یعنـی امــواج اســتونلي (C<sub>66</sub>) و سـرعت امــواج برشــي (C<sub>55</sub> و روابط ذیل جهت تخمین (C<sub>44</sub> تنشهای افقے مورد استفادہ قرار می گیرنے [۲۰].  $C_{44} - C_{66} = A_E (\sigma_v - \sigma_H)$ (1)  $C_{55} - C_{66} = A_E (\sigma_v - \sigma_h)$ (٢)

 $C_{55} - C_{44} = A_F \left(\sigma_H - \sigma_h\right) \tag{(7)}$ 

$$C_{44} = \rho V_{S(slow)}^2 \tag{(f)}$$

$$C_{55} = \rho V_{S(fast)}^2 \tag{(a)}$$

کـم عمـق بـه ضخامـت ۲۱ ۸۲۱ و رخسـارهای دیگـری شـامل آهکهـای لایـه نـازک و تیـره رنـگ اسـت. سازند سـروک توالـی ضخیمـی از سـنگهای کربناتـه با سـن آلبیـن- تورونیـن اسـت و یکـی از مخـازن مهـم هیدروکربـوری در جنـوب ایـران محسـوب میشـود [۲۵]. شـکل ۱ نقشـه گسـلی ایـران را نشـان میدهـد کـه در آن رژیـم گسـلی معکـوس، رژیـم غالـب اسـت. از آنجـا کـه بسـیاری از مخـازن نفتـی و گازی ایـران در بخـش جنوبـی و جنـوب غربی واقـع شـدهاند، حـالات تنـش نشـان میدهـد ایـن رژیـم گسـلی، مسـئله اصلی ناپایـداری دیـواره چاههـای عمـودی ایـن منطقـه است. بنابرایـن، سـاخت مـدل مکانیکـی دقیـق از مخـازن نفتـی ایـران یک گام مهـم در جهـت کاهـش مشـکلات ناپایـداری چـاه قبـل از حفـاری خواهـد بـود.

#### دادهها و مغزههای مورد استفاده در این مطالعه

در میـدان نفتـی مـورد مطالعـه تعـدادی چـاه جهـت اسـتخراج مـواد هیدروکربـوری حفـر شـده اسـت کـه در تحقیـق حاضـر از اطلاعـات یـک چـاه بـرای مطالعـه مـوردی و بررسـی پایـداری دیـواره چـاه اسـتفاده شـده اسـت.

$$\sigma_{h} = \frac{E_{11}}{E_{33}} \frac{v_{31}}{(1 - v_{12})} . (\sigma_{v} - \alpha.P_{p}) + \alpha.P_{p} + \frac{E_{11}}{(1 - v_{12}^{2})} .\varepsilon_{h} + \frac{E_{11}v_{12}}{(1 - v_{12}^{2})} .\varepsilon_{H}$$

$$\sigma_{H} = \frac{E_{11}}{E_{33}} \frac{v_{31}}{(1 - v_{12})} . (\sigma_{v} - \alpha . P_{p}) + \alpha . P_{p} + \frac{E_{11}}{(1 - v_{12})^{2}} . \varepsilon_{H} + \frac{E_{11}v_{12}}{(1 - v_{12})^{2}} . \varepsilon_{h}$$
(14)

 $v_{31}$  در روابط بالا،  $E_{11} e_{53} e_{11} e_{53}$  مدول یانگ عمودی و افقی،  $v_{12} e_{11} e_{11}$  و  $v_{12} p_{12}$  نسبت پواسون عمودی و افقی،  $v_{3}$  تنش روباره،  $\alpha$  مضریب بایوت،  $P_{p}$  فشار منفذی و  $H^{3} e_{h} g_{1}$  و  $\sigma_{13} e_{13}$  پارامترهای  $\lambda$  خرنش تکتونیکی میباشند [۲۳]. در ادامه موقعیت جغرافیایی و زمینشناسی میدان نفتی که چاه مورد مطالعه در آن قرار گرفته ارائه می گردد.

#### موقعیت جغرافیایی و زمین شناسی منطقه

چاه مورد بررسی در این مطالعه در میدان نفتی واقع در جنوب باختری ایران و در نزدیکی مرز ایران و عراق است. سازندهای این میدان نفتی بهترتیب سازندهای آسماری، جهرم، پابده، گورپی، ایلام، سروک، کژدمی، داریان، گدوان، فهلیان، گرو و گوتنیان هستند [۲۴]. بخش عمده مخزن در سازند سروک واقع شده است که شامل یک رخساره



شکل ۱ نقشه تنش ایران که در آن رژیم تنش و جهت تنش افقی ماکزیمم مشخص شده است [۲۶]



اسـتونلی و سـتون (e) تخلخـل نوترونـی و چگالـی نشـان داده شـده اسـت.

آنالیز مکانیکی

مدل مکانیکی زمین به طور گستردهای در صنعت نفت و گاز مورد استفاده قرار گرفته است. این مدل ترکیبی از ویژگیهای مکانیکی زمین و تنشهای برجای موثر است [۲۷]. مدل مکانیکی زمین با استفاده از ویژگیهای الاستیکی و مکانیکی استخراج شده میتواند وضعیت تنش را از دادههای موجود در یک میدان نفتی محاسبه کند [۱۴]. در ادامه ویژگیهای مکانیکی سنگهای مخزن تحت شرایط همسان گردی و همسان گردی عرضی محاسبه می گردد. در چاه مورد مطالعه که اصطلاحاً به آن چاه B گفته می شود، نمودارهای چاه پیمایی مانند نمودار گاما (GR)، چگالی (RHOZ)، تخلخل نوترونی (IPT)، زمان گذر امواج صوتی برشی (T و TD و DT)، زمان گذر امواج صوتی فشاری (DTCO)، زمان گذر امواج استونلی (DTST)، نمودار تصویری صوتی دوقطبی (ISG)، نمودار کالیپر (CAL) برداشت شده است. افرون بر نمودارهای چاه پیمایی، دادههای تست سازند (MDT) <sup>۱</sup> و تست نشت (TOL) <sup>۲</sup> نیز برداشت شده است. در این تحقیق تلاش می شود تنشهای برجا تحت شرایط همسان گردی عرضی به کمک دادههای فوق محاسبه شوند. شکل ۲ نمودارهای مورد استفاده در این تحقیق را نشان می دهد که در آن ستون (a) عمق چاه و نمودار گاما، ستون (b) و



(d) تغییرات نمودار گاما ستون (a)، صوتی ستون (b)، زمان گذر امواج صوتی برشی ستون (c)، زمان گذر امواج استونلی ستون تخلخل نوترونی و چگالی ستون (e) نسبت به عمق چاه مورد مطالعه

1. Modular Dynamic Tester

2. Leak off Test

ویژگیهای مکانیکی سازند تحت شرایط همسان گردی برای تعیین ویژگیهای مکانیکی سازندها، پارامترهای الاستیکی دینامیکی سنگ مخزن به صورت تابعی از سرعت امواج فشاری، سرعت امواج برشی و چگالی سازند تخمین زده می شود.

$$E_{Dyn} = \rho V_s^2 \frac{3\left(\frac{V_p}{V_s}\right)^2 - 4}{\left(\frac{V_p}{V_s}\right)^2 - 1}$$
(19)

$$V_{Dyn} = \frac{1}{2} \frac{(V_p - V_s)^2 - 2}{2(V_p - V_s)^2 - 1}$$
(7.)

کـه در آن،  $E_{\text{Dyn}} \in E_{\text{Dyn}}$  بهترتیـب مـدول دینامیکـی یانـگ و نسـبت پواسـون سـنگ مخـزن هسـتند. مـدول دینامیکـی موجـود در رابطـه ۱۹ تعییـن شـده، بهکمـک رابطـه ۲۱ بـه مـدول اسـتاتیکی تبدیـل میشـود [۲۸]:  $E_{sta} = 0.77E_{dyn} + 0.02$  (۲۱)

**شکل ۳** ستون (b) مدول یانگ که با نمونههای مغزه کالیبره شده نسبت پواسون در ستون (c) و در ستون (d) مقاومت فشاری تک محوره که کالیبره شده تحت شرایط همسان گردی عرضی نشان داده شده است

ستون (b) شكل ٣ يارامترهاى الاستيكى تخمين زده شده توسط نمودارهای چاه را نشان میدهند. در این بخش، مدول یانگ استاتیکی ارائه شده توسط نــگار صوتــی، بهکمـک آزمایشهـای اســتاتیکی کـه روی نمونیه مغزههای تهیه شده از اعماق مختلف چاه در شکل ۴ انجام شده کالیبره شده است. برازش خوب دادههای آزمایشگاهی و نمودار تخمینی حاکمی از آن است که این روش بهخوبی توانسته نتایے را اعتبار سے نجی کنے د. در سے تون (c) شے کل ۳ نسبت پواسون با میانگین حدود ۰/۳ نشان داده شده است. مقاومت فشاری تک محوره (UCS) <sup>۱</sup> به کمک روابط بردفورد و هم کاران [۲۹] قابل محاسبه است کے مدول یانے استاتیکی را بے مقاومت فشاری تک محـوره مرتبط مىسازد. تخمين نمودار مقاومت فشاری تک محوره بهوسیله دادههای تست سه محوره كاليبره شده است.

<sup>1.</sup> Uniaxial Compressive Strength



شکل ۴ مغزههای تهیه شده از اعماق مختلف در چاه مورد بررسی

نتایے نشان میدھد نمودار تخمین زدہ شدہ بهخوبی با تست مغزہ همخوانی دارد. در مرحلیه بعدی، فشار منفذی یکی از مهمترین

پارامترهای در گیر در ساخت مدل مکانیکی تخمین زده می شود. تغییرات فشار منفذی به کمک رابطه ایتون محاسبه می گردد:

$$P_{pg} = OBG - (OBG - P_{pn})(\frac{NCT}{\Delta t})^3$$
(YY)

که در رابطه بالا، P<sub>pg</sub> گرادیان فشارمنفذی سازند؛ psi/ft) گرادیان فشار منفذی هیدرواستاتیکی P<sub>sn</sub> OBG (۰/۴۵ گرادیان تنش روباره و NCT زمان گذر امواج صوتی یا کندی امواج تحت فشار نرمال است که از طریق برازش منحنی بر زمان عبور موج فشاری بهدست میآید، درحالی که ∆ زمان گذر امـواج صوتـی بهدسـت آمـده از نمـودار صوتـی اسـت. نتایے بهدسے آمدہ فشارمنفذی به کمک نمودار صوتی، بهوسیله دادههای MDT کالیبره شده است. همانطـور کـه در سـتون b شـکل ۵ مشـاهده میشـود مقادیـ تخمینـی با دادههای تست سازند کالیبره شدهاند. که نتایج رضایت بخش بوده است. برای تخمین زاویه اصطکاک داخلی (q) از رابطه پلامب [۳۰]، استفاده شده است:  $\varphi = 26.5 - 37.4 \times (1 - NPHI - V_{shale}) + 62.1 \times (1 - NPHI - V_{shale})^2$ (٣٣)

کـه در آن، NPHI نمـودار تخلخـل و V<sub>shale</sub> بهوسـیله نمـودار گامـا محاسـبه می *گـ*ردد. نتایج زاویـه اصطـکاک

داخلی تخمین زده شده دردر ستون c شکل ۵ و نشان داده شده است. پارامتر موثر دیگر، تنش عمودی اصلی ( $\sigma_{v}$ ) است که به وزن روباره اطلاق می گردد و از طریق انتگرال گیری از چگالی سنگها از سطح تا عمق مورد نظر به صورت زیر محاسبه می شود:  $\sigma_{V} = \overline{\rho} g g g g g g g g g g g g g g g$ که در آن، (z) g g g g g g g g g g g g g gشتاب گرانش و  $\overline{\sigma} g g g g g g$  می سنگ در عمق 2، g شتاب گرانش و  $\overline{\sigma} g g g g g$ ی متوسط لایه های سنگی می باشد. در اعماق مناسب جهت اکتشاف نفت، تنش عمودی تغییراتی بین ۱۸/۱ تا ۲۲/۶ kPa/m دارد [۳۱].

### ویژگیهای مکانیکی سازند تحت شرایط همسانگردی عرضی

برای تعیین ویژگیهای الاستیکی سازندها تحت شرایط همسان گردی عرضی، پنج پارامتر سفتی (C<sub>ij</sub>) تعریف می گردد. پارامترهای سفتی به کمک سرعت امواج فشاری و برشی در جهات افقی و مصودی تعیین می گردند. برای رسیدن به این همدف، دو فرضیه به منطور تخمین پارامترهای ناهمسان گردی مطرح شده است. در بخش اول فرض شد ناهمسان گردی مشاهده شده در بخش از امواج برشی تنها به دلیل ویژگیهای لایه بندی شیل بوده، بنابراین سنگ پس زمینه همسان گرد در نظر گرفته شد که به عنوان نتیجه این فرضیه، در نظر گرفته شد که به عنوان نتیجه این فرضیه،

<sup>1.</sup> Normal Compacted Trend Line



شکل ۵ نمودار فشار منفذی ستون (b) که بهوسیله دادههای تست سازند کالیبره شده و ستون (c) زاویه اصطکاک داخلی را نشان میدهد

مشابهی را نسبت به عمق طبی می کنند. در شکل ۶، مدول یانگ دینامیکی و نسبت پواسون تحت شرایط همسان گرد آورده شده که با نتایج بخــش شــرايط ناهمســانگرد قابــل مقايـــسه هســتند. نتايج نشان مىدهد مدول يانك محيط همسان گرد (E) بسیار نزدیک به مدول یانگ عمودی (E) میباشند، بهجرز، در فواصلی که لایهبندی از ش\_یل تش\_کیل ش\_ده اس\_ت. س\_ازندها تح\_ت ش\_رایط همسان گردی عرضی قرار دارند. بنابراین، مقاومت در جهتهای مختلف یکسان نیست. با این حال، برای محاسبه مقاومت فشاری تک محوره ارتباط بین مدول یانے عمودی و مقاومے فشاری تک محوره برطبق آنالیز مغزههای موجود ایجاد گردید. شکل ۷ مقاومت فشاری تک محوره را نشان میدهد. بر طبق این شکل، روابط زیر بین مدول یانگ عمودی و مقاومت فشاری تک محوره بر قرار خواهـد بـود. در فرضیه دوم، پارامتر ناهمسان گردی تامسون (δ) [۳۲] نزدیـک بـه صفـر در نظـر گرفتـه شـده اسـت. برطبق رابطه تامسون، پارامتر δ به کمک رابطه ذیل محاسبه می گردد:  $\delta = \frac{\left(C_{13} + C_{44}\right)^2 - \left(C_{33} - C_{44}\right)^2}{-\left(C_{33} - C_{44}\right)^2}$  $(\Upsilon \Delta)$  $2C_{33}(C_{33} - C_{44})$ کے اگر پارمتر δ بے صفر میل کنے رابطے ۲۵ بے شـکل زیـر در خواهـد آمـد:  $C_{13} + 2C_{44} - C_{33} = 0$ (79) بنابراین از پنج پارامتر مستقل برای تخمین پارامترهای الاستیکی، سه پارامتر (C<sub>33</sub> C<sub>44</sub> (=C<sub>55</sub>) ،C<sub>66</sub>) مستقيماً بهوسيله سرعت امواج فشاری و برشی محاسبه می شوند. دو پارامتر دیگر یعنے C<sub>12</sub> با C<sub>13</sub> بهترتیب بهکمک رابطه ۲۶ و فرضيه همسان گرد بودن محيط پسزمينه قابل محاسبه می باشند. شکل ۶ پارامترهای سفتی، نسبت پواسون، مدول یانگ افقی و عمودی را نشان میدهد. کے نتایے نشان میدھےد ہے ۶ پارامتے سے تی رونے د



يرهث نفت

**شکل ۶** تعیین پارامترهای سفتی در ستون (b) و پارامترهای الاستیک تحت شرایط همسان گردی عرضی مدول یانگ دینامیکی و (b) تعیین پارامترهای (c) و (d) نشان داده شده است.



شکل ۷ ارتباط بین مدول یانگ عمودی و مقاومت فشاری تک محوره براساس آنالیز مغزه

UCS=1.739E-0.6804 (YY)

پوروالاستیک مورد ارزیابی قرار بگیرند. روش برمبنای مدول برشی

بحث و نتايج

برای تعیین تنش افقی ماکزیمم و مینیمم به کمک روابط ۱ تا ۳، تعیین پارامتر <sub>A</sub> ضروری است. مقدار این پارامتر از تست نشت (A<sub>E</sub>=0.52) در نظر گرفته شده است. دیگر پارامترهای موجود در روابط ۱ تا ۳ یعنی پارامترهای سفتی الاستیکی و تنش عمودی قبلاً محاسبه شدهاند. بنابراین تنش افقی ماکزیمم و مینیمم قابل محاسبه هستند. برطبق نتایج بهدست آمده از آنالیز مکانیکی تحت شرایط همسان گردی عرضی، امکان مقایسه ضریب بهرهوری مدول برشی و روابط پوروالاستیک در پیشبینی تنش برجا وجود خواهد داشت. از معیار موهر - کلمب برای پیشبینی شکستگی برشی مشاهده شده در نمودار کالیپر استفاده شد تا نتایج تخمین تنش برجا بهوسیله دو روش مدول برشی و

توسط معيار موهر - كولمب با استفاده از تنش برجا را با شکستگی برشی مشاهده شده در نمودار کالیپر مقایسه کرد. در شکل ۸، ستون (a) عمق و نمودار گاما را نــشان میدهـد. در ستـون (b) و (c) تنشهـای افقـی ماکزیـمم و مینیمـم، تنـش عمـودی و ینجـره ایمـن گل حفاری بهترتیب نمایش داده شده است. تنش افقی به کمک تک داده تست نشت کالیبره شده که نتيجه قابل قبولي را ارائه نكرده است. ناحيه سياه در پنــجره گل حفـاری نشـان دهنـده ضربـه سـازند در سازند میباشد. از طرف دیگر، اگر وزن گل حفاری از ناحیـه حـاوی علامـت بهعـلاوه یـا ضربـدر تجـاوز کند پدیده هرزروی گل را بهدنبال خواهد داشت که نهایتاً به شکـست چاه منجر میگردد. بنابرایـن، ناحیه سفید در وسط پنجره گل حفاری منطقه ایمن جهت حفاری به شمار می رود. نمودار کالیپر مربوط به چاه B در ستون (d) شکل ۸ نشان داده شده است.

رابطه مذکور، بهدلیل داشتن مقدار کمتر از ۳ نسبت C<sub>66</sub>/C<sub>44</sub>، روشی کارآمد نیست. از این رو، با توجه به مطالعه سینها و همکاران، یک محدوده برای C<sub>66</sub> در نظر گرفته شد و مقدار این پارامتر چندین بار برای ییدا کردن مقدار مناسب بین تنش افقی حداقل و تست نشت تغییر داده شد [۲۰]. ستون (b) شکل ۸ رژیم تنش بهدست آمده از روابط برمبنای مدول برشی را نشان میدهد. با بررسی در این ستون و رژیم تنیش میتوان پیبرد رژیم گسل منطقه از نوع معکوس ( $\sigma_v < \sigma_{hmin} < \sigma_H$ ) بوده، که برطبق نقشه گسل ایران این نتیجه منطقی بهنظر میرسد. همانطـور کـه از سـتون (b) شـکل ۸ بـر میآیـد مقادیـر تنـش افقـی حداکشر و حداقـل بـه هـم نزدیـک هسـتند ولی مقدار میانگین تنش افقی حداکثر کمی بیشتر از میانگین تنیش افقی مینیمیم است. از این رو، با یک بینے ش بھتے نسے بت ہے دقت و صحت نتایے، می توان دادہ ای شکستگی برشی پیش بینے شدہ



شکل ۸ رژیم تنش برجا و دادههای تست نشت در ستون (b) و آنالیز پنجره ایمن گل حفاری محاسبه شده با روابط مبتنی بر مدول برشی در ستون (c) و نمودار کالیپر که در ستون (d) نشان داده شده است

**شره شرفت** مشماره ۱۰۰، مرداد و شهریور ۱۳۹۷ 94

نتاییج برآورد تنیش برجا با استفاده از روابط پوروالاستیک در شکل ۹ نشان داده شده است. نتایج این مدل نشان میدهد که رژیم گسل منطقه از نوع معکوس (مریح منار می است. از آنجایی که رژیم گسلی معکوس، رژیم تنش غالب در جنوب رژیم گسلی معکوس، رژیم تنش غالب در جنوب ایران به شمار میرود بنابراین نتایج ارائه شده در این بخش نیز به نظر قابل اعتماد هستند. همچنین، نتایج با گزارشات میدانی و نمودار کالیپر معمونین، نتایج با گزارشات میدانی و نمودار کالیپر میدهد. همان طور که در شکل مشاهده می شود، میدهد. همان طور که در شکل مشاهده می شود، به نظر میرسد روابط پوروالاستیک نسبت به روش دیگر مقدار تنش برجا را بهتر تخمین زده و همچنین نتایج حاصل از آنالیز پنجره گل حفاری نیز بر مناسب بودن این روابط اشاره دارد.

بهطور کلی هدف از این مطالعه پیشبینی شکستگی برشی با استفاده از روابط مدول برشی بود. نکته منفی معیار موهر - کلمب این است که این معیار تاثیر تنش میانی را در نظر نمی گیرد. برآورد تنشهای برجا به نظر غیر قابل اعتماد میرسد زیرا همخوانی خوبی با نقاط کالیبراسیون دارد ولی برای بهدست آوردن نتایج بهتر همچنان باید تلاش کرد.

روش پورو الاستیک

برای تخمین تنشهای افقی ماکزیمم و مینیمم از روابط ۱۴ و ۱۵ استفاده شده است. پارامتر α نیز یک در نظر گرفته می شود. بزرگی پارامترهای فشار تکتونیکی ( <sub>H</sub> ع و ع) با تغییر در مقادیر آنها تا رسیدن به نتیجه مناسب که بین دادههای تست نشت و تنش افقی مینیمم و ماکزیمم قرار دارد، محاسبه می گردد. این تنها راه محاسبه این مقادیر است.



شکل ۹ رژیم تنش برجا و دادههای تست نشت (LOT) در ستون (b) و آنالیز پنجره ایمن گل حفاری محاسبه شده با روابط پوروالاستیک در ستون (c) و نمودار کالیپر که در ستون (d) نشان داده شده است

#### نتيجه گيرى

اعتماد نیست زیرا مدل طراحی شده با نمودار کالیپر همخوانی مناسبی ندارد و فواصلی که دچار شکستگی برشی شده را بهخوبی نشان نمیدهد. اما نتایج بهدست آمده از روابط پوروالاستیک دقت بیشتری در محاسبه تنش برجا داشته است. مدل مکانیکی طراحی شده به کمک روابط پوروالاستیکی و معیار موهر - کلمب نشان داد در برخی فواصل (۲۷۵۰ و ۲۸۵۰ تا ۳ ۲۹۵۰) چاه دچار شکستگی برشی می شود و نیاز به نگهداری دارد.

نتایج هر دو روش مدول برشی و پوروالاستیک نشان داد رژیم گسل منطقه از نوع معکوس بوده (یعنی در رژیم گسل منطقه از نوع معکوس بوده (یعنی نتیجه منطقی بهنظر میرسد. مدلهای مختلف مکانیکی تحت شرایط همسان گردی عرضی و همسان گردی بهترتیب برای مدولهای برمبنای امواج برشی و روابط پوروالاستیک ساخته شد. نتایج بهدست آمده بهوسیله روش مدول برشی قابل

مراجع

[1]. Berard T., Sinha B., VanRuth P., Dance T., John Z. and Tan P., "Stress estimation at the Otway CO<sub>2</sub> storage site," Australia: Presented at the SPE Asia Pacific Oil and Gas Conference and Exhibition, pp. 1–26. 2008.
[2]. Barton A., Catillo A., Moss B., Peska P. and Zoback D., "Charactering the full stress tensor based on observation of drilling induced wellbore failures vertical and inclined borehole leading to improved wellbore stability and permeability prediction," APPEA Journal, pp. 466-488, 1988.

[3]. Tingay P., Hillis R., Morley K., King C., Swarbrick E. and Damit R., "Present-day stress and neotectonics of Brunei: implications for petroleum exploration and production," AAPG Bull. Vol. 93, No. 1, pp. 75–100, 2009.

[4]. Ulusay R. and Hudson J. A., "The Complete ISRM Suggested methods for rock characterization, testing and monitoring," 1974–2006. ISRM, 2007.

[5]. Zang A. and Stephansson O., "Stress field of the earth's crust," Springer, p. 322, 2010.

[6]. Zhang L. and Radha K. C., "Stability analysis of vertical boreholes using a three- dimensional Hoek–Brown strength criterion. In: Proceedings of the GeoFlor- ida," West Palm Beach, Florida, 2010.

[7]. Peng H., Xiu M. and Jiang J., "Stability and stress measurement near the Qingchuan fault in the Northern Longmen Mountains," J. Geomech. (in Chinese with English abstract), Vol. 15, pp. 114-130, 2009.

[8]. Cui W., Wang J., Li W., Tang M. and Sun S., "Wellbore breakouts of the main borehole of Chinese Continental Scientific Drilling (CCSD) and determination of the present tectonic stress state," Tectonophysics Vol. 475, pp. 220–225, 2009.

[9]. Wang J., Li W., Cui W. and Ding C., "Determination of the present crustal stress state by using acoustic emission in the main borehole of the Chinese continental scientific drilling," Geol. China (in Chinese with English abstract), Vol. 32, No. 2, pp. 259–264, 2005.

[10]. Lin W., Kwasniewski M., Imamura T. and Matsuki K., "Determination of three dimensional in-situ stresses from anelastic strain recovery measurement of cores at great depth," Tectonophysics, Vol. 426, pp. 221–238, 2006.

[11]. Simmons G., Siegfried W. and Feves M., "Differential strain analysis: a new method for examining cracks in rocks," Journal of Geophysical Research, Vol. 79, No. 29, pp. 4383-4385, 1974.

## ۹۶ <u>شهر یور</u> ۱۳۹۷ شماره ۱۰۰، مرداد و شهریور ۱۳۹۷

[12]. Hudson J. A., Cornet F. H. and Christiansson R., *"ISRM suggested methods for rock stress estimation—part 1: strategy for rock stress estimation*," Int. J. Rock Mech. Min. Sci., Vol. 40, pp. 991–998, 2003.

 [13]. Ljunggren C., Chang Y., Janson T. and Christiansson R., "An overview of rock stress measurement methods," Int. J. Rock Mech. Min. Sci., Vol. 40, pp. 75–89, 2003.

[14]. Rasouli V., Zacharia J. and Elike M., "The influence of perturbed stresses near faults on drilling strategy: A case study in Blacktip field, North Australia," J. Petrol. Sci. Eng., Vol. 76, pp. 37-50, 2011.

[15]. Higgins S., Goodwin S. and Donal S., "Anisotropic stress models improve completion design in the Baxter shale," SPE 115736, 2008.

[16]. Sinha B. K., "Determining stress parameters of formations from multi-mode velocity data," U.S. Patent No.6, 351,991. 5 Mar. 2002.

[17]. Higgins S., Goodwin S. and Donal S., "A anisotropic stress models improve completion design in the Baxter shale," SPE 115736, 2008.

[18]. Esmersoy C., Koster K., Williams M., Boyd A. and Kane M., "Dipole shear anisotropy logging": 64<sup>th</sup> Ann. Internat. Mtg., Soc. Expl. Geophys., Expanded Abstracts, pp. 1139-1142, 1994.

[19]. Mueller M., Boyd A. and Esmersoy C., "Case studies of the dipole shear anisotropy log": 64<sup>th</sup> Ann. Internat.
 Mtg., Soc. Expl. Geophys, Expanded Abstracts, pp. 1143-1146, 1994.

[20]. Sinha K., Wang J., Kisra S., Li J., Pistre V., Bratton T. and Sanders M., *"Estimation of formation stresses using borehole sonic data*," SPWLA 49<sup>th</sup> Annual Logging Symposium, May 25-28, 2008.

[21]. Boness L. and Zoback D., "A multiscale study of the mechanisms controlling shear velocity anisotropy in the san andreas fault observatory at depth," Geophysics, Vol. 71, PP. 131–146, 2006.

[22]. Zoback D., "Reservoir geomechanic," Cambridge University Press, p. 450, 2007.

[23]. Zoback D., Barton A., Brudy M., Castillo A., Finkbeiner T., Grollimund R., Moos B., Peska P., Ward D. and Wiprut J., *"Determination of stress orientation and magnitude in deep wells*," Int. J. Rock. Mech. Min. Sci., Vol. 40, pp. 1049-1076, 2003.

[24]. Heydari M. and Rezaee M., *"Interpretation of 2-D reflection seismic data and seismic stratigraphy of darquain field*," SW of Iran. Petroleum Engineering and Development Company, pp. 1-87, 2003.

[25]. Eghtesadi T., Kohansal Ghadimvand N. and Taati F., *"Facies analysis, depositional environments and diagenesis of the Sarvak formation in Azadegan oil field*," The 1<sup>st</sup> International Applied Geological Congress, Department of Geology, Islamic Azad University Mashad Branch, Iran, 26-28 April, 2010.

[26]. Heidbach O., Tingay M., Barth A., Reinecker J., Kurfe D. and Muller B., "*The World Stress Map database release*," 2008

[27]. Bratton T., Bricout V., Lam R., Plona T., Sinha K., Tagbor A., Venkitaraman T. and Borbas T., *"Rock strength parameters from annular pressure while drilling and dipole sonic dispersion analysis,"* Presented at the SPWLA, 45<sup>th</sup> Annual Logging Symposium, Society of Petrophysicists & Well Log Analysts, pp. 1–14. 2004.

[28]. Eissa A. and Kazi A., "Relation between static and dynamic Young's moduli of rocks," Int. J. Rock. Mech. Min. Sci., Vol. 25, No. 6, PP. 479–482, 1988.

[29]. Bradford R., Fuller J., Thompson J. and Walsgrove R., "Benefits of assessing the solids production risk in a

*North Sea reservoir using elastoplastic modeling*," SPE/ISRM Eurock 98 held in Trondheim, Norway, Vol. 10, pp. 261–269, 1998.

[30] Plumb A., "*Influence of Composition and Texture on the Failure Properties of Clastic Rocks*", Eurocks 94, Rock Mechanics in Petroleum Engineering Conference, Delft, Netherlands, pp. 13-20, 1994.

[31]. Fjaer E., Holt M., Horsrud P., Raaen M. and Risnes R., "*Geologistical aspects of petroleum related rock mechanics*," Devlopment of Petroleum Science, Vol. 33, pp. 89–108, 1992.

[32]. Thomsen L., "Weak elastic anisotropy," Geophysics Journal, Vol. 51, pp. 1954–1966. 1986.



Petroleum Research Petroleum Research 2018 (July-September), Vol. 28, No. 100. 27-32 DOI: 10.22078/pr.2018.2758.2278

## In-Situ Stress Estimation Techniques for Wellbore Stability Analysis Under Transverse Isotropic Condition

Ramin Mohammadi and Hamidreza Ramazi\*

Mining and Metallurgy Faculty, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran

ramazi@aut.ac.ir

DOI: 10.22078/pr.2018.2758.2278

Received: June/20/2017

Accepted: February/04/2018

### Abstract

In situ stresses are considered as pivotal factors in rock sciences in addition to petroleum engineering issues including wellbore stability and hydraulic fracturing. In situ stresses are mainly estimated by costly and time consuming methodologies directly. Moreover, the outcomes of these approaches are limited to a certain depth of the well. Therefore, these methods cannot be generalized. In the present study, a model based on the shear moduli and poro-elastic parameters in an environment under transverse isotropic conditions has been employed whereby the results further discussed. Elastic parameters, strength, and in situ stress according to the hypotheses underlying the both models were calculated for a well in the west of Iran. Shear moduli-based method is proposed to predict the maximum horizontal stress. Here, acoustoelastic parameter was set to 0.52. Of course,  $C_{66}/C_{44} < 2$  is not much acceptable. However, the stresses were calibrated using the cores. Although this method enabled to predict the revers faulting regime correctly, however, regarding the model, stress has been underscored, and the outputs are not consistent with the calliper log. Subsequently, poro-elastic based mechanical model in accordance with caliper log estimated a more reliable in situ stress under transverse isotropic conditions. Furthermore, break-out and break-down have been properly determined that they could be due to the shale layers within the formation.

**Keywords:** In Situ Stress, Transversely Isotropic, Wellbore Stability, Mechanical Earth Model, Poro-Elastic Equations, Mohr-Coulomb Criterion.

#### Introduction

In-situ stress in oil industry is a key parameter in excavation and hydrocarbon production operation and in areas such as hydraulic fracturing and the well collapse. Precise recognition of the stress of formation is very important in effective management of reservoirs against failures due to decreased pore pressure and increased effective tension [1]. In this paper, two in-situ stress methods will be compared based on poro-elastic equations and shear module in order to perform mechanical evaluation of a vertical well under transverse isotropic in oil the field of west of Iran.

#### Methodology

## Estimation of in-situ stress through a shear module based method

In this method, three shear modules will be determined through well sonic data, i.e. Stoneley waves and the shear wave velocities [2]. The following equations are used for the estimation of horizontal stresses.

$$C_{44} - C_{66} = A_E (\sigma_v - \sigma_H)$$
 (1)

$$C_{55} - C_{66} = A_E (\sigma_v - \sigma_h)$$
 (2)

$$C_{55} - C_{44} = A_E \left(\sigma_H - \sigma_h\right) \tag{3}$$

where  $C_{_{44}}$ ,  $C_{_{55}}$  and  $C_{_{66}}$  are respectively shear modules, which will be calculated through the following equations:

$$C_{44} = \rho V_S^2(slow) \tag{4}$$

$$C_{55} = \rho V_{S(fast)}^{2}$$
<sup>(5)</sup>

$$C_{66} = \rho V_{stoneley}^2 \tag{6}$$

where in equation (1),  $A_{\varepsilon}$  is acoustoelastic coefficient defined in the following way:

$$A_E = 2 + (C_{456} / G) \tag{7}$$

In above equation, G is the shear module of formation and  $C_{_{456}}$  is defined as the nonlinear

stiffness parameter of formation:

$$C_{456} = (C_{155} - C_{166}) / 2 \tag{8}$$

By using Dipole Shear Sonic Imager, it is possible to calculate the acoustoelastic coefficient from equation (7) and horizontal stresses from various experimental equation; however, two out of these three equations are independent. In addition, when the magnitude of horizontal stress is the minimum value, and overburden stress is available, it is possible to calculate parameter  $A_{r}$  as follow:

 $A_E = (C_{55} - C_{66}) / (\sigma_V - \sigma_h)$  (9) After determination of acoustoelastic parameter, it is possible to calculate the magnitude of maximum horizontal stress in a certain depth using the following equation:

$$\sigma_H = \sigma_h + (C_{55} - C_{44} / A_E)$$
 (10)

Thus, the magnitude of horizontal stress of formation in various depths can be calculated as a function of three shear modules  $C_{44}$ ,  $C_{55}$  and  $C_{66}$ . The estimation of stress magnitude in shale with transverse isotropic is possible through shear module equations. Generally, in shale transverse isotropic,  $C_{66}$  will be greater than  $C_{44}$  and  $C_{55}$ . In order to overcome this problem, the following equation will be presented with consideration of Thomson parameter.

$$C_{66} / C_{44} = 1 + 2\delta \tag{11}$$

Estimation of in-situ stress through Poroelastic equations

The common equation for calculation of the value of effective stress is poro-elastic experimental equation where overburden pressure, pore pressure, poisson ratio and tectonic strains where with consideration of traverse isotropic behavior of reservoir rock, the magnitude of in-situ stress will be determined through the following equations.

$$\sigma_{H} = \frac{E_{11} v_{31}}{E_{33}(1-v_{12})} (\sigma_{v} - \alpha.P_{p}) + \alpha.P_{p} + \frac{E_{11}}{(1-v_{12})^{2}} .\varepsilon_{H} + \frac{E_{11}v_{12}}{(1-v_{12})^{2}} .\varepsilon_{H}) (12)$$
  
$$\sigma_{H} = \frac{E_{11} v_{31}}{E_{33}(1-v_{12})} (\sigma_{v} - \alpha.P_{p}) + \alpha.P_{p} + \frac{E_{11}}{(1-v_{12})^{2}} .\varepsilon_{H} + \frac{E_{11}v_{12}}{(1-v_{12})^{2}} .\varepsilon_{h}) (13)$$

# Geographical and geological situation of region

The investigated well in this study is located in oil field of west of Iran and in neighborhood of Iran-Iraq border. The mechanical model of earth is widely used in oil and gas industry. This model is a combination of mechanical features of earth and effective in-situ stresses. The mechanical model of earth extracted using elastic and mechanical features could calculate the stress status from data related to an oil field.

### The results and discussion Mechanical properties of formation

In order to determine the mechanical properties of formation, dynamic elastic parameters of reservoir rock have been estimated as a function of compressive wave speed, shear wave speed, and formation density. Then, the determined dynamic module will turn to static module using various equations. In following, the uniaxial compressive strength has been estimated using Bradford equations and calibrated using triaxial test data. In the next step, pore pressure which is one of the most important parameters involved in the construction of mechanical model has been estimated through Eaton equation. The obtained results of pore pressure using acoustic log have been calibrated by MDT data. Then the other effective parameter, i.e. the main vertical stress has been calculated through integrating the rock density from the surface to the desired depth. In order to determine the elastic properties of formation under transverse isotropy conditions, five rigidity parameters were determined using compressive and shear velocity in horizontal and vertical directions. In order to achieve this objective, two hypotheses have been proposed. In the first section, it was assumed that the observed anisotropy in part of the shear waves has been due to the shale layering characteristics; therefore, the background rock has been considered as isotropic and in the second hypothesis, the anisotropy parameter of Thomson has been considered to be close to zero.

According to the results obtained from mechanical analysis under transverse isotropic conditions, there would be the possibility of comparing the efficiency coefficient of shear module and poro-elastic equations in the prediction of insitu stress. Mohr-Columbus criterion has been used for prediction of shear fracture observed in caliper log so that the results of in-situ stress estimation could be evaluated using shear module and poro-elastic methods.

#### Shear module based method

First minimum and maximum horizontal stresses have been calculated. Column (b) of Figure 1 shows the stress obtained from equations based on shear module. The examination of this column and stress regime could help to understand that the fault regime of region is transverse which seems logical according to Iran fault map. As perceived from column (b) of Figure 1, minimum and maximum horizontal stresses are close to each other; however, the mean value of maximum horizontal stress is a bit higher than mean of minimum horizontal stress. Thus, with a better insight into the accuracy of the results, it is possible to compare the shear fracture data predicted by Mohr-Coulomb criterion using insitu stress with the shear fracture observed in the caliper graph.

In Figure 1, column (a) shows gamma depth and graph. In columns (b) and (c), maximum and minimum horizontal stresses, vertical stress and safe window of drilling mud are shown respectively. Horizontal stress has been calibrated by a single data test which has not provided an acceptable result. The black and smoky areas in the window of drilling mud indicate respectively the formation impact and shear fracture in formation. On the other hand, if the drilling mud weight exceeds the gray or dark olive area, then the mud loss phenomenon will happen that ultimately leads to well rupture. Therefore, the white area in the middle of drilling mud window is considered as safe. The caliper graph of well B is shown in column (d) of Figure 1. In general, the purpose of this study is to predict shear fracture using shear modulus equations. The negative point of Mohr-Columbus criterion is that it does not take into account the impact of intermediate stress. The estimated in-situ stress seems unreliable because it is in good agreement with the calibration points; however, more effort should take for achieving better results.

#### Poro-elastic method

The results of estimating in-situ stress using Poro-Elastic equations are shown in Figure 2. The results of this model show that the region fault regime is of inverse type.



Figure 1: In-situ stress regime and a safe mud weight window analysis obtained using shear based moduli equations.



Figure 2: In-situ stress regimeand a safe mud weight window analysis obtained using poro-elastic based method.

Since the inverse fault regime is the dominant regime in west of Iran, the results presented in this section are reliable. Moreover, the results are validated with field reports and Caliper graph. Figure 2 shows the analysis of the drilling window using the Mohr-Columbus criterion. As seen in the figure, it seems that the Poro-elastic equations estimate the in-situ stress better than other methods. Moreover, the results of analysis of drilling mud window also indicate the suitability of these relationships.

#### Conclusions

The results of shear and poro-elastic module methods have showed that the zone fault regime is of inverse type ( $\sigma_v < \sigma_{hmin} < \sigma_{Hmax}$ ), which according to the fault map of Iran seems logical. Different mechanical models have been constructed under transverse isotropic and isotropic conditions respectively for shear wave modules and poroelastic equations. The results obtained from shear module method are not reliable because the designed model does not fit with the caliper graph and does not show the intervals with shear fracture. However, the results obtained from poro-elastic equations have been more accurate in calculation of in-situ stress. The mechanical model designed using poro-elastic and Mohr- Columbus criterion showed that at some intervals, (2750 and 2850 to 2950 m) the wells will suffer from a shear fracture and need maintenance.

#### Reference

[1]. Berard T., Sinha B., VanRuth P., Dance T., John Z. and Tan P., "Stress estimation at the Otway  $CO_2$  storage site," Australia: Presented at the SPE Asia Pacific Oil and Gas Conference and Exhibition, pp. 1–26. 2008.

[2]. Sinha B. K., "Determining stress parameters of formations from multi-mode velocity data,"
U.S. Patent No. 6, 351,991. March 5, 2002.

[3]. Zoback D., Barton A., Brudy M., Castillo A., Finkbeiner T., Grollimund R., Moos B., Peska P., Ward D. and Wiprut J., *"Determination of stress orientation and magnitude in deep wells,"* International Journal of Rock Mechanics and Mining Science, Vol. 40, pp. 1049-1076, 2003.