کاربرد نشانگرهای طیفی لحظهای برای شناسایی کانالهای نفت گیر

رضا محبیان *، مصطفی یاری و محمد علی ریاحی موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران mohebianir.@ut.ac.ir



شماره ۷۴ صفحه، ۱۳۹۸ ۹۹–۱۹۹ تاریخ دریافت مقاله: ۹۰/۷/۴ تاریخ پذیرش مقاله: ۹۰/۱۲/۱۵

چکیدہ

نشانگرهای لرزهای ابزار مفیدی در تفسیر یدیدههای چینهشناسی هستند. استفاده از نشانگرهای لرزهای این امکان را فراهم می آورد که پدیده های زمین شناسی که به شکل معمول در مقطع لرزهای قابل مشاهده نیستند را مشاهده کنیم. یکی از این پدیدهها کانالهای مدفون رودخانهای میباشد. کانالهای پر شده توسط سنگهای متخلخل که به وسیله یک خمیره ناتراوا محصور شدهاند، در اکتشافات چینه ای از اهمیت ویژهای برخوردارند. نشانگرهای لرزهای مانند همدوسی که به لبه های کانال حساس هستند، نشانگرهای خوبی برای تشخیص عرض کانال های نفت گیر می باشند، اما این نشانگرها به ضخامت کانالها حساس نیستند. در مقابل، نشانگرهای طیفی لحظهای که از روش های تجزیه طیفی به دست می آیند، با توجه به حساسیتی که به تغییرات ضخامت کانال دارند، می توانند در نشــان دادن این پدیده به ماکمک کنند. هدف از این تحقیق، بررسی کارایی نشانگرهای طیفی لحظهای حاصل از روش تجزیه طیفی برای تشخیص کانالها میبا شد. در این

تحقیق از دادههای یکی از میادین نفتی جنوب ایران استفاده شده است. نتایج این مطالعه حاکی از آن است که چگونه نشانگرهای دامنه لحظهای و فرکانس لحظهای که از روشهای تجزیه طیفی به دست می آید، می تواند در نشان دادن محدوده کانال به ما کمک کند. همچنین نتایج این تحقیق نشان می دهد که با ترکیب تصاویر حاصل از نشانگرهای طیفی لحظهای با نشانگر همدوسی که لبههای کانال را به خوبی نمایش می دهد، می توان یک تصویر ترکیبی مورد استفاده برای نمایش هرچه بهتر و دقیق تر کانال تهیه نمود.

واژههای کلیدی: همدوسی، نشانگرهای طیفی لحظهای، تعقیب تطابق، تجزیه طیفی، کانالهای نفتگیر

مقدمه

کانالها یکی از مهمترین پدیدههای چینهشناسی به حساب میآیند. کانالهای مدفون رودخانهای عمدتاً از جنس ماسه سنگ هستند و اگر این کانالها در موقعیت **پژوشرنفت •** شماره ۷۴

مناسبی مانند وجود یک بخش نفوذناپذیر در بالا، وجود پوش سنگ و یا محصور شدن در یک بخش ناتراوا قرار گیرند، میتوانند مخازن نفتی و گازی مناسبی را به وجود آورند. همدوسی لرزمای و بقیه نشانگرهای حساس به لبه کانال از جمله معروفترین شیوههای تشخیص مرزهای کانال میباشند. اگرچه این نشانگرها میتوانند به آسانی لبههای کانال را تشخیص دهند، اما به ضخامت کانال حساس نیستند. به همین منظو ر از تجزیه طیفی برای مشخص کردن

می باشیند. اگر چه این نشانگر ها می توانند به آسانی لبههای کانال را تشیخیص دهند، اما به ضخامت کانال حساس نیستند. به همین منظور از تجزیه طیفی برای مشخص کردن كانالها استفاده مي شود. تصاوير تجزيه طيفي مي تواند مکمل خوبی برای نشانگرهای همدوسی و تشخیص لبه باشد، به طوری که این تصاویر نسبت به تعیین ضخامت کانال حساسیت خوبی از خود نشان میدهند [۱]. به همین دلیل روشهای تجزیه طیفی میتواند در تعیین هرچه بهتر محــدوده کانال به ما کمک کند. در ابتــدا تجزیه طیفی در طول یک پنجره ثابت (تبدیل فوریه پنجره کوتاه (STFT)') مورد استفاده قرار گرفته است، در این رابطه وایدز نشان داد کے برای لایہ ہایے با ضخامت کمتر از ضخامت هم کو کی، دامنه لرزهای مرکب به طور خطی با ضخامت كاهـش مي يابد [٢]. چوانگ و لاوتـن اين كار را به طيف فركانسمي تعميم داده و مشاهده كردند كه بيشينه فركانسي با كاهش ضخامت لايه، كم كم افزايش مي يابد [٣]. در روش STFT با توجه بـه اینکه از یک پنجره با طول ثابت استفاده میشود، تفکیکپذیری زمان-بسامد در طول کل سیگنال ثابت است. در حالی که به دلیل طبیعت ناپایای سیگنالهای لرزهای، یک تفکیکیذیری متغیر با زمان مورد نیاز است. از اینرو باید از روش هایی بهره گرفت که طول پنجره در آنها متغیر با فرکانس باشــد. اســتاکول و همکاران در سال ۱۹۹۶ تبدیل S را معرفی نمودند [٤]. همچنین روش تبدیل موجک پیوسته (CWT) ^۲ یکی دیگر از روشهای تجزیهطیفی است که اولین بار توسط سینها و همکاران مورد استفاده قرار گرفت [٥]. از جمله روش هایی کے اخیراً مورد توجه قرار گرفتے روش تجزیه با تعقیب تطابق (MPD) مي باشد كه الكوريتم أن اولين بار توسط مالات و ژانگ نوشته شد [٦]. کاستاگنا و همکاران از این روش برای شناسایی مخازن هیدروکربنی بهره گرفتند [۷]. همچنین مارفورت و کرلین از این روش برای تشیخیص

لایه های نازک استفاده نمودند [۸]. از جمله افراد دیگری که در این زمینه فعالیت داشته اند، می توان لیو و مارفورت را نام برد که از نشان گرهای حاصل از این روش برای شناسایی کانال ها در خلیج مکزیک استفاده نمودند. از کارهای مشابه دیگر می توان به پژوهش وانگ اشاره نمود که از این روش برای تعیین محدوده مخازن هیدرو کربنی بهره گرفت [۹].

در این تحقیق، در مرحله اول کارایی روش تعقیب تطابق برای شناسایی کانالها در یکی از میادین نفتی جنوب غرب ایران مورد بررسی قرار گرفته و تصاویر نشانگرهای تک-بسامد حاصل از این روش با روش STFT مقایسه شده است. در ادامه از نشانگرهای طیفی لحظهای حاصل از روش تعقیب تطابق و ترکیب این نشانگرها با نشانگر همدوسی، نقشههای ترکیبی حاصل می شود که با استفاده از این نقشهها می توان علاوه بر محدوده داخلی کانال، لبههای کانال را نیز به خوبی شناسایی نمود.

تحليل زمان-بسامد

در تحلیل دادههای لرزهای، طیف زمان – فرکانس در خصوص کاربردهای دادههای لرزهای در زمینه زمین شناسی و ژئوفیزیکی مورد استفاده قرار می گیرد. پدیدههای زمین شناسی عامل تولید بسیاری از ناهنجاریهای فرکانسی در دادههای لرزهای هستند که از آن جمله می توان به تضعیف، جذب [۱۰]، سایههای کم فرکانس مخازن هیدروکربن و کاهش ضخامت یا هم کوکی اشاره کرد [۱۱].

در تبدیل فوریه زمان کوتاه، یک پنجره با طول ثابت و دلخواه (t) برای تحلیل زمان بسامد، استفاده شده و فرض می گردد که سیگنال ناپایای واقعی (سیگنالی که ماهیت فرکانسی آن با زمان تغییر می کند) تقریباً پایا است. تبدیل فوریه زمان کوتاه، یک چنین سیگنال شبه پایای $(t)x_{0}(t)$ با استفاده از پنجره متحرک (t)g از زمانهای متفاوت τ به حیطه زمان – فرکانس $S(\tau,t)$ تجزیه می کند. بنابراین به وسیله تبدیل فوریه، سیگنال پنجره شده $(t-\tau) * g(t)x_{0}$ به دست

^{1.} Short-time Fourier Transforms (STFT)

^{2.} Continuous Wavelet Transform (CWT)

^{3.} Matching Pursuit Decomposition (MPD)

می آید [۱۲].

 $STFT_{x}(\tau, f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)g^{*}(t-\tau)e^{-t2\pi ft} dt$ (1) در تحلیل زمان-بسامد می خواهیم در حد امکان به قدرت زمان-بسامد بالایی برسیم. به عبارت دیگر می خواهیم پنجره زمان- بسامد در حد امکان کوچک باشد. اما از طرفی بنا به اصل عدم قطعیت هایزنبرگ [۱۳] رابطه ۲ حاصل ضرب طول پنجره زمانی در طول پنجره فرکانسی مقداری ثابت است. یعنی هرچه تفکیک پذیری زمانی را افزایش دهیم، تفکیک پذیری فرکانسی کاهش می یابد و بالعکس.

(۲) در رابطــه ۲، طول پنجره زمانــی (قدرت تفکیک زمانی) با در رابطــه ۲، طول پنجره زمانــی (قدرت تفکیک زمانی) با پارامتر $\Delta \Delta$ و طول پنجره فرکانسی (قدرت تفکیک فرکانسی) با پارامتر ۵۵ نشــان داده شده است که این قضیه در شکل ۱ نمایش داده شــده اســت. در روش STFT ما یک پنجره با طول ثابت برای همه سـیگنال در نظر می گیریم که باعث می شـود یک تفکیک پذیـری ثابت برای همه سـیگنال در نظر گرفته شـود. اما با توجه به ماهیت ناپایای سیگنالهای نظر گرفته شـود. اما با توجه به ماهیت ناپایای سیگنالهای لرزهای تفکیک پذیری متغیر با زمان مورد نیاز است که این مسأله از مشکلات بنیادی روش STFT به حساب می آید.

در روش تعقیب تطابق که اولین بار توسط مالات و ژانگ [٦] ارائه شد، یک بانک موجک با خصوصیات مختلف ساخته میشود. در مرحله بعد، از دگر همبستگی موجکهای بانک با سیگنال لرزهای استفاده می گردد و



یک بانک موجک از اتم های زمان-فرکانس را می توان با مقیاس دهمی، انتقال و مدوله کردن یک تک تابع پنجرهای تولید کرد:

 $g_{\gamma}(t) = \frac{1}{\sqrt{s}} g\left(\frac{t-u}{s}\right) e^{i\xi t}$ (7) c (r) c (r) s as a single of the set of the se

برای بانک های اتم های زمان -فرکانس، تعقیب تطابق یک تبدیل زمان-فرکانس تطبیقی می دهد و هر تابع را به یک مجموع از اتم های زمان -فرکانس مختلط تجزیه می کند که بهترین قیاس را با باقی ماندهاش داشته باشد. تعقیب تطابق، هر تابع را به صورت زیر تجزیه می کند: (٤) $f = \sum_{n=0}^{\infty} \langle R^n f, g_m \rangle g_m$ از تجزیه هر (*t*) در یک بانک زمان - فرکانس، یک توزیع انرژی زمان - فرکانس جدید با اضافه کردن توزیع و یگنر انرژی زمان - فرکانس جدید با اضافه کردن توزیع و یگنر متقاطع دو تابع (*t*) و (*t*) که توسط رابطه ۵ تعریف می شود، فرا خوانده می شود: (۵)



شکل ۱- نمایش اصل عدم قطعیت در صفحه زمان-فرکانس تبدیل فوریه زمان کوتاه، در کل صفحه جعبه عدم قطعیت هایزنبرگ ثابت میماند [۱۳].

 $wf(t, \omega) = w[f,f](t, \omega) \quad \text{if } t, \omega) = w[f,f](t, \omega)$ $\varphi = \psi [f,f](t, \omega) = \psi [f,f](t, \omega) \quad \text{if } t \text{ and } t \text{ and$

مجموع دوبل، متناظر با عبارت تداخلی توزیع ویگنر میباشد. برای به دست آوردن یک تصویر واضح از توزیع انرژی (f(t)در صفحه زمان- فرکانس این عبارت را حذف میکنند. بنابراین تنها اولین مجموع باقی میماند و رابطه ۷ تعریف میشود [7]:

 $Ef(t,\omega) = \sum_{n=0}^{+\infty} |\langle R^n f, g_n \rangle|^2 + Wg_n(t,\omega)$ (V) که برهمین اساس نقشههای حاصل از این روش در حیطه دو بعدی زمان-فرکانس حاصل می شود. شکل ۲ طیف زمان-بسامد مربوط به دو روش تبدیل پنجره زمان کوتاه و تعقیب تطابق را که برای یک لرزه نگاشت مصنوعی حاصل شده است را نشان می دهد. همان طور که در شکل دیده می شود، طیف زمان-بسامد حاصل از روش تعقیب تطابق تفکیک زمان-بسامدی بالاتری نسبت به روش تبدیل پنجره (HZ)







شکل۲– طیف زمان–فرکانس حاصل از لرزه نگاشت مصنوعی. (الف) روش تبدیل فوریه پنجره کوتاه و (ب) روش تعقیب تطابق نشانگرهای طیفی لحظهای حاصل از روش تعقیب تطابق (MPD)

این نوع نشانگرها، نشانگرهای طیفی انمیده می شوند. نشانگرهای طیفی لحظهای را می توان از روش های مختلف تجزیه طیفی از جمله روش های STFT و MPD استخراج نمود. اما با توجه به مقایسهای که در بخش قبل صورت گرفت، روش تعقیب تطابق تفکیک پذیری زمان-فرکانسی بالاتری را نسبت به روش TTT از خود نشان می دهد. به همین دلیل در این بخش از روش تجزیه طیفی به روش تعقیب تطابق برای استخراج نشانگرهای طیفی لحظهای استفاده شده است. با توجه به روش تعقیب تطابق برای تجزیه طیفی سیگنال، ردلرزه ورودی (*ا)* را می توان به صورت ترکیب خطی از موجکها نوشت [۱]:

 $u(t) = \sum_{j} a_{j}.w((t-t_{j}), f_{j}, \phi_{j}) + noise$ (۸) در رابطه بالا پارامترهای $\phi_{j} f_{p} \phi_{j} t_{q}$ و a_{j} به ترتیب نشاندهنده دامنه، زمان مرکزی، فرکانس قله و فاز ا امین موجک w میباشند. در ابتدا ردلرزه مختلط با استفاده از تبدیل هیلبرت ساخته شده و زمان مرکزی هر موجک به وسیله قله دامنه در پوش لحظهای تخمین زده می شود.

موجک مورلت در حوزه زمان بر حسب قله فرکانسی را می توان از رابطه ۹ به دست آورد [۱۵]: (۹) $W_m(t, f_j) = \exp(-t^2 f_j^2 \cdot \ln \frac{2}{k}) \cdot \exp(i2\pi f_j(t, f_j))$ در این رابطه f_i قله فرکانسی و k عدد ثابتی است که عرض (پهنای) موجک را کنترل می کند. لرزه نگاشت مختلط با استفاده از تبدیل هیلبرت از رابطه ۱۰ و موجکهای مختلط از رابطه ۱۱ به دست می آید:

 $U(t) = u(t) + iu^{H}(t) \tag{1.1}$

$$W(t, f_j) = w(t, f_j) + iw^H(t, f_j)$$
(11)

 M^{H} تبدیل هیلبرت از موجک w میباشد. A_{j} تبدیل هیلبرت از موجک w میباشد. A_{j} دامنه مختلط f_{i} در معادله \wedge دامنه مختلط f_{i} در ا $Q(t) = \sum_{j} A_{j}.w_{j}(t-t_{j}, f_{j}) + noise$ (۱۲) $U(t) = \sum_{j} A_{j}.w_{j}(t-t_{j}, f_{j}) + noise$ (۱۲) y_{i} (۱۲) y_{i} در المان اینکه انرژی لرزه نگاشت باقی مانده (R(t) به کمترین a_{i} دار خودش برسد، اختیلاف بیین لرزه نگاشت و a_{i} دار خودش برسد، اختیلاف بیین لرزه نگاشت و a_{i} (17) a_{i} (17) P_{j} (17) P_{j} (17)

در رابطه ۱۳ فقط مقادیر _مA مجهول می باشند.

با محاسبه مقادیر ر*A و* قرار دادن آن در رابطه ۱۲، لرزه نگاشت را به دست می آوریم که بعد از این مرحله به راحتی مقادیر فرکانس لحظهای و دامنه لحظهای بیشینه حاصل می شود. با توجه به اینکه موجکها بر حسب فرکانس قله و زمان مربوط به این فرکانس می باشد، این مقادیر را فرکانس لحظهای و دامنه لحظهای قله یا بیشینه می نامیم.

همچنین در این مقاله از نشانگر همدوسی برای نشان دادن لبههای کانال و حاشیههای آن استفاده شده است. برای به دست آوردن این نشانگر روش شباهت و الگوریتم مارفورت به کار رفته [۱٦] که به دلیل محدودیت از آوردن روابط ریاضی مربوط به آن صرف نظر شده است.

شکل ۳ موقعیت کانال مورد بررسی را در یک مقطع عمودی لرزهای نشان میدهد که هر دو شاخه کانال را قطع میکند. در شکل ٤ همین مقطع با خط AB نشان داده شده است.

شـكل ٤ (الـف) و ٤ (ب) بـه ترتيب مقاطع حاصل از نشانگرهای تک بسامد در بسامدهای ۲۰ و ٦٠ هرتز که از روش تعقيب تطابق حاصل شده را نشان مي دهند. همان طور که در شکل دیده میشود، در فرکانس ۲۰ هرتز که فرکانس بالاتری است، شاخههای فرعی کانال که ضخامت کمتری دارند، خود را بهتر نشان دادهاند. در فرکانس ۲۰ هرتز با کاهش فرکانس، شاخهها محوتر شده و شاخههای ضخیمتر کانال با وضوح بیشتری قابل مشاهده میباشد. با توجه به رابطه معکوسی که بین ضخامت کانال و فرکانس وجود دارد، در نقشههای تک فرکانس با فرکانس پایین، ضخامت های بالاتر بهتر دیده می شوند و فرکانس های بالا، ضخامتهای کمتر را بهتر مشخص میکنند. بنابراین، بررسی مقطع در یک فرکانس خاص باعث میشود که اطلاعات مربوط به سایر فرکانس ها از دست برود که این مسأله از معایب استفاده از نقشههای تک-فرکانس میباشد. با استفاده از نشانگرهای دامنه لحظهای بیشینه و فرکانس لحظهای بیشینه می توان در هر لحظه فرکانسی که بیشترین دامنه را ايجاد مي كند، انتخاب نمود.

^{1.} Spectral Attribute



شکل ۳- یک مقطع عمودی لرزهای که دو شاخه کانال بر روی آن مشخص شدهاند. این مقطع در شکل ٤ با خط AB نشان داده شده است.



شکل ٤– مقاطع حاصل از نشانگر تک بسامد به دست آمده از روش تعقیب تطابق، الف) مربوط به فرکانس ۲۰ هرتز و ب) مربوط به فرکانس ۲۰ هرتز

خوبی و با وضوح بالایی مشخص شده است.

در ادامه برای اینکه بتوانیم علاوه بر قسمتهای داخلی کانال که در اثر تغییر ضخامت مشخص گردید، لبههای کانال و حاشیههای آن را نیز مشخص کنیم، از نشان گر همدوسی استفاده شده است. این نشانگر به دلیل حساسیتی که به ناپیوستگیها دارد، می تواند لبههای کانال را به خوبی مشخص نماید. بنابراین، برای ضخامتهای مختلف، فرکانسهای لحظهای مختلفی انتخاب شده و می توان قسمتهای ضخیم و نازک کانال را به صورت همزمان مشاهده نمود. شکلهای ٥ (الف) و ٦ (الف) به ترتیب مقاطع حاصل از نشانگرهای دامنه لحظهای بیشینه و فرکانس لحظهای بیشینه را نشان می دهد.

همانگونه که در شــکل دیده می شود، شاخههای کانال به

1.4



شکل۵- نقشه ترکیبی مربوط به برش زمانی ۱۸۰۰ میلی ثانیه، (الف). برش زمانی مربوط به نشانگر همدوسی، (ب) برش زمانی مربوط به نشانگر دامنه لحظهای بیشینه و (ج). برش زمانی حاصل از ترکیب نشانگرهای همدوسی و دامنه لحظهای بیشینه



شکل۲- نقشه ترکیبی مربوط به برش زمانی ۱۸۰۰ میلیثانیه، (الف). برش زمانی مربوط به نشانگر همدوسی، (ب) برش زمانی مربوط به نشانگر فرکانس لحظهای بیشینه و (ج) برش زمانی حاصل از ترکیب نشانرهای همدوسی و فرکانس لحظهای بیشینه

گرفته شـد. در ادامه توانایی مقاطع حاصل از نشان گرهای فرکانس لحظـهای بیشـینه و دامنه لحظهای بیشـینه برای شناسایی کانالهای نفتگیر به نمایش گذاشته شد. با استفاده از مقاطع نشانگرهای تک-بسامد با توجه به رابطه عکسے که بین فرکانے و ضخامت کانےال وجود دارد، در فرکانس های کمتر ضخامت های بالاتر دیده می شوند و فرکانس های بیشتر، ضخامت های کمتر را بهتر نمایش میدهند، در صورتی که با استفاده از تصاویر حاصل از نشانگرهای طیفی لحظهای می توان ضخامتهای ضخیم و باریک کانال را در یک تصویر نمایش داد. همچنین در این تحقيق براي اينكه بتوانيم علاوه بر محدوده داخلي كانال، لبه های کانال و حاشیه های آن را نیز به خوبی مشاهده کنیم، از نشانگر همدوسی استفاده گردید. با ترکیب نقشههای حاصل از نشانگرهای دامنه لحظهای بیشینه و فرکانس لحظهاي بيشينه با نشانگر همدوسي، يک نقشه ترکيبي حاصل می شـود، که این نقشهها می تواند یک دید جامع و سريع براي ادامه مراحل تفسير به مفسر بدهد.

شکلهای ۵ (ب) و ۲ (ب) مقاطع حاصل از اعمال این نشانگر را در برش زمانی ۱۸۰۰ میلیثانیه نشان میدهند. در شکلهای ۵ (ج) و ۲ (ج) به ترتیب نقشههای ترکیبی حاصل از نشانگر همدوسی با نشانگرهای فرکانس لحظهای بیشینه و دامنه لحظهای بیشینه رسم شده است. همانگونه که مشاهده می شود، با ایجاد این نقشههای ترکیبی قسمتهای داخلی کانال و لبههای آن به خوبی مشخص گردیده است که این نقشههای ترکیبی می تواند یک دید سریع و جامع برای مفسر ایجاد نموده و او را در انجام مراحل بعدی تفسیر کمک نماید.

نتيجهگيرى

در این تحقیق ابتدا روش های تجزیه طیفی تبدیل فوریه پنجره کوتاه و تعقیب تطابق توضیح داده شد. با توجه به الگوریتم تکراری در روش تعقیب تطابق، تفکیک زمان-بسامد در این روش نسبت به روش تبدیل فوریه پنجره کوتاه بالاتر است. به همین دلیل در این تحقیق از نشانگرهای طیفی لحظهای استخراج شده از این روش بهره

مراجع

[1]. Liu J., *Spectral decomposition and its application in mapping stratigraphy and hydrocarbons: thesis*, Ph.D., Department of Geosciences, University of Houston, 2006.

[2]. Widess M. B., "How thin is a thin bed?: Geophysics", 38, pp. 1176–1180, 1973.

[3]. Chuang H., and Lawton D. C., "Frequency characteristics of seismic reflections from thin beds: Canadian Journal of Exploration Geophysics", 31, pp. 32–37, 1995.

[4]. Stockwell R. G., Mansinha L., and Lowe R. P., "Localization of the complex spectrum: The S-Transform: IEEE Transactions on Signal Processing", 44, pp. 998-1001, 1996.

[5]. Sinha S., Routh R., Anno P., and Castagna J., "Spectral decomposition of seismic data with continuouswavelet transform: Geophysics", 70, pp. 19-25, 2005.

[6]. Mallat S. and Zhang Z., "Matching pursuits with time-frequency dictionaries: IEEE Transactions on Signal Processing", 41, pp. 3397-3415, 1993.

[7]. Castagna J. P., Sun S. and Siegfrie, R., "Instantaneous spectral analysis: Detection of low-frequency shadows associated with hydrocarbons: The Leading Edge", 22, pp. 120-127, 2003.

[8]. Marfurt K. J., and Kirlin R. L., "Narrow-band spectral analysis and thin-bed tuning: Geophysics", 66, pp. 1274-1283, 2001.

[9]. Wang, Y., Seismic time-frequency spectral decomposition by matching pursuit: Geophysics, 72, V13-V20, 2007.

[10]. Taner M., Koehler F., and Sheriff R., "*Complex seismic trace analysis: Geophysics*", 44, pp.1041-1063, 1979.
[11]. Barnes A., "*Instantaneous frequency and amplitude at the envelope peak of a constant-phase wavelet: Geophysics*", 56, pp. 1058-1060, 1993.

[12]. Mertins A., Signal analysis: wavelets, filterbanks, time-frequency transforms and applications: John Wiley & Sons, West Sussex, England, 1998.

[13]. Addison P. S., *The Illustrated wavelet transform handbook, Institute of physics publishing*, Bristol and Philadelphia, 351, 2002.

[14]. Wigner E. P., "On the quantum correction for themodynamic equilibrium", Phys., Rev., Vol. 40, pp. 749-759, June 1932.

[15]. Morlet J., Arens G., Fourgeau, E. and D. Giard, "*Wave propagation and sampling theory: Part I, Complex signal and scattering in multilayered media: Geophysics*", 47, pp. 203–221, 1982.

[16]. Marfurt K. J., Kirlin R. L., Farmer S. L., and Bahorich M. S., "*3-D seismic attributes using a running window semblance-based algorithm: Geophysics*", 63, 1150-1165, 1998.